УДК 539.143

ВЛИЯНИЕ ТЕМПЕРАТУРЫ НА ЗАХВАТ ЭЛЕКТРОНОВ НЕЙТРОННО-ИЗБЫТОЧНЫМИ ЯДРАМИ

© 2009 г. А. А. Джиоев¹, А. И. Вдовин¹, В. Ю. Пономарев^{1,2}, Й. Вамбах^{2,3}

E-mail: dzhioev@theor.jinr.ru

На примере ядра ⁷⁶Ge в рамках подхода, основанного на квазичастично-фононной модели ядра и формализме термополевой динамики, исследовано влияние температуры на распределение силы разрешенных и первого порядка запрета р \rightarrow n-переходов в нейтронно-избыточных ядрах *fp*-оболочки. При различных температурах рассчитано сечение захвата электрона ядром ⁷⁶Ge.

ВВЕДЕНИЕ

Начиная со знаменитой работы Бете [1] общепризнано, что захват электронов ядрами, относящимися к началу *fp*-оболочки, является одним из наиболее важных слабых процессов, протекающих до и во время коллапса массивных звезд. Скорость захвата электронов через делептонизацию и размеры внутреннего кора звезды существенно определяет динамику коллапса. Кроме того, захват электронов является основным источником нейтрино, которые переносят бо́льшую часть энергии, выделяющейся при коллапсе.

Проблему захвата электрона ядрами fp-оболочки при высоких температурах и плотностях рассматривали многие авторы (см., например, [2–8]). Одним из наиболее интересных и важных вопросов, анализировавшихся в этих работах, был вопрос о влиянии температуры, т.е. теплового заселения возбужденных состояний ядер, на скорость захвата. Было показано, что тепловое заселение способно существенно увеличить скорость захвата, равно как и скорость обратной реакции – β -распада.

В настоящее время наиболее полные расчеты скорости захвата электрона нагретыми ядрами проделаны в рамках модели оболочек с использованием реалистического нуклон-нуклонного взаимодействия (см. [6, 9] и ссылки в этих работах). Однако такие расчеты требуют диагонализации матриц размером ~ $10^9 \times 10^9$, что находится на пределе вычислительных возможностей современных компьютеров, поэтому указанные исследования ограничиваются ядрами с атомным весом $A \le 65$. Отметим, что в этих расчетах учитывались только разрешенные фермиевские и гамов-теллеровские переходы, что для этих массовых чисел оправданно.

Во время коллапса звезды относительная распространенность ядер (A, Z) в ее веществе меняется, соответствующая функция распределения зависит от температуры и плотности. В [10] было показано, что при $T \ge 0.5$ МэВ среднее значение отношения Z/A соответствует нейтронно-избыточным изотопам германия с A = 70 - 82. Хотя при T = 0 захват электронов этими ядрами за счет разрешенных р \rightarrow п-переходов и затруднен, но, как было отмечено еще в [11, 12], одновременный учет температурных эффектов и запрещенных переходов способен значительно увеличить скорость захвата электронов нейтронно-избыточными ядрами.

В [13, 14] для описания захвата электрона и β -распада нагретых ядер был предложен подход, основанный на комбинации квазичастично-фононной модели ядра (КФМ) [15] и формализма термополевой динамики (ТПД) [16]. На примере ядер ^{54, 56}Fe было показано, что в его рамках удается получить удовлетворительное согласие с результатами расчетов по оболочечной модели. В данной работе на примере ядра ⁷⁶Ge этот подход использован, чтобы исследовать влияние температуры на процесс захвата электронов нейтронноизбыточными ядрами.

ЗАХВАТ ЭЛЕКТРОНА НАГРЕТЫМ ЯДРОМ

Модельный гамильтониан КФМ состоит из феноменологического потенциала среднего поля H_{sp} , спаривательного взаимодействия H_{pair} в форме БКШ и эффективного сепарабельного остаточного взаимодействия H_{int} в канале частица–дырка. Поскольку в дальнейшем мы ограничимся приближением случайной фазы (ПСФ), для описания захвата электрона нам достаточно той части остаточного взаимодействия, которая отвечает за формирование зарядово-обменных возбуждений в ядре [17]:

$$H_{int} = -2\sum_{\lambda\mu} \kappa_1^{(\lambda)} M_{\lambda\mu}^{\dagger} M_{\lambda\mu} - 2\sum_{L\lambda\mu} \kappa_1^{(L\lambda)} S_{L\lambda\mu}^{\dagger} S_{L\lambda\mu}.$$
(1)

¹ Объединенный институт ядерных исследований, Дубна, Россия.

² Институт ядерной физики, Технологический университет Дармштадта, Германия.

³ GSI, Дармштадт, Германия.

рного ность между исхо

Здесь $\kappa_1^{(\lambda)}$ и $\kappa_1^{(L\lambda)}$ – константы изовекторного мультипольного и спин-мультипольного взаимодействий, а операторы $M_{\lambda\mu}$ и $S_{L\lambda\mu}$ определены следующим образом:

$$M_{\lambda\mu} = \sum_{pn} \langle p | i^{\lambda} r^{\lambda} Y_{\lambda\mu}(\theta, \phi) \tau_{-} | n \rangle a_{n}^{\dagger} a_{n},$$

$$S_{L\lambda\mu} = \sum_{pn} \langle p | i^{L} r^{L} [Y_{L}(\theta, \phi) \vec{\sigma}]_{\mu}^{\lambda} \tau_{-} | n \rangle a_{p}^{\dagger} a_{n}.$$
(2)

Операторы a_p^{\dagger} , a_p (a_p^{\dagger}, a_n) – это операторы рождения и уничтожения протона (нейтрона) в одночастичном состоянии с квантовыми числами $n_{p(n)}$, $l_{p(n)}$, $j_{p(n)}$, $m_{p(n)}$, а τ_{-} – оператор, переводящий нейтрон в протон. Структуру зарядово-обменных возбуждений электрического типа определяют мультипольная и спин-мультипольная с $L = \lambda$ компоненты H_{int} , а структуру р – п-возбуждений магнитного типа – спин-мультипольные компоненты с $L = \lambda - 1$ и с $L = \lambda + 1$.

Напомним основные положения ТПД. В ТПД основное и возбужденные состояния нагретой системы трактуются как собственные функции (и соответствующие собственные значения) теплового гамильтониана \mathcal{H} , который определяется как раз-

ность между исходным модельным гамильтонианом и фиктивным тильда-гамильтонианом \tilde{H} :

$$\mathcal{H} = H - H \,. \tag{3}$$

Тильда-гамильтониан Н получается из исходного при помощи специальной операции "тильда". Спектр теплового гамильтониана содержит состояния как с положительной, так и с отрицательной энергиями. Собственная функция теплового гамильтониана с нулевой энергией называется тепловым вакуумом. В качестве дополнительного условия на тепловой вакуум налагается требование, чтобы среднее значение оператора свободной энергии по тепловому вакууму было минимальным. В этом случае среднее по тепловому вакууму от любого физического оператора совпадает со статистическим средним этого оператора по большому каноническому ансамблю. В этом смысле тепловой вакуум описывает состояние термодинамического равновесия системы. Переходы из теплового вакуума в состояния с положительной энергией соответствуют возбуждению нагретой системы, а переходы в состояния с отрицательной энергией - ее девозбуждению.

Так же как и в [13, 14] при диагонализации теплового гамильтониана (3) мы ограничимся ПСФ. Оператор рождения теплового фонона с мультипольностью λ определяем следующим образом:

$$\begin{aligned} \mathcal{Q}_{\lambda\mu k}^{\dagger} &= \frac{1}{\sqrt{2}} \sum_{p,n} (\psi_{pn}^{k} [\beta_{p}^{\dagger} \beta_{n}^{\dagger}]_{\mu}^{\lambda} + \tilde{\psi}_{pn}^{k} [\tilde{\beta}_{\bar{p}}^{\dagger} \tilde{\beta}_{\bar{n}}^{\dagger}]_{\mu}^{\lambda} + i \eta_{pn}^{k} [\beta_{p}^{\dagger} \tilde{\beta}_{\bar{n}}^{\dagger}]_{\mu}^{\lambda} + i \tilde{\eta}_{pn}^{k} [\tilde{\beta}_{\bar{p}}^{\dagger} \beta_{n}^{\dagger}]_{\mu}^{\lambda} + i \tilde{\eta}_{pn}^{k} [\tilde{\beta}_{p}^{\dagger} \beta_{n}^{\dagger}]_{\mu}^{\lambda} + i \tilde{\xi}_{pn}^{k} [\beta_{p} \tilde{\beta}_{n}]_{\mu}^{\lambda} + i \tilde{\xi}_{pn}^{k} [\tilde{\beta}_{p} \beta_{\bar{n}}]_{\mu}^{\lambda} + i \tilde{\xi}_{pn}^{k} [\tilde{\beta}_{p} \beta_{\bar{n}}]_{\mu}^{\lambda}). \end{aligned}$$

$$(4)$$

Здесь $[]_{\mu}^{\lambda}$ означает связку угловых моментов протона р и нейтрона п на суммарный угловой момент λ с проекцией μ , а черта над индексом *p* или *n* – операцию обращения времени.

Операторы рождения (β^{\dagger} , $\tilde{\beta}^{\dagger}$) и уничтожения

(β , β) тепловых квазичастиц в (4) связаны с операторами рождения и уничтожения физических частиц посредством двух унитарных преобразований – стандартного и теплового преобразований Боголюбова. Коэффициенты обоих преобразований, а также значения энергетической щели $\lambda_{p(n)}$ и химического потенциала $\Delta_{p(n)}$ находятся из условия минимума свободной энергии для системы невзаимодействующих боголюбовских квазичастиц и зависят от температуры. Они удовлетворяют известным уравнениям теплового приближения БКШ. Следуя [16], мы будем отождествлять рождение тепловых тильда-квазичастиц, число которых в тепловом ваку-

уме определяется коэффициентами теплового преобразования (тепловыми числами заполнения Ферми–Дирака). Отметим, что в отличие от [13] здесь мы используем комплексное тепловое преобразование (обоснование см. в [14]). С этим связан множитель *i* (мнимая единица) у части амплитуд в определении теплового фонона.

Так же, как и ранее [13, 14], энергия и структура тепловых однофононных состояний находятся при помощи вариационного принципа при дополнительном условии минимума свободной энергии для системы невзаимодействующих фононов в состоянии теплового фононного вакуума $|\Psi_0(T)\rangle$. Полученное в итоге секулярное уравнение теплового ПСФ для сепарабельного взаимодействия определяет энергию $\omega_{\lambda k}$ тепловых фононов. Как отмечено выше, физический смысл имеют как положительные, так и отрицательные значения $\omega_{\lambda k}$. Последние отождествляются с тепловыми тильдафононами $\tilde{Q}_{\lambda \mu k}$.

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ том 73 № 2 2009



Рис. 1. Суммарное распределение силы разрешенных 0^+ и 1^+ р \rightarrow п-переходов из нагретого ядра 76 Ge при температурах T = 0.1, 0.5, 0.9 и 1.3 МэВ. E – энергия перехода, т.е. энергия, переданная материнскому ядру 76 Ge. ΣS – суммарная сила переходов.

Рассмотрим теперь операторы слабых $p \rightarrow n$ переходов. Оператор разрешенных переходов выглядит следующим образом:

$$D = (g_V + \tilde{g}_A \vec{\sigma}) \tau_+ \tag{5}$$

и состоит из фермиевской ($\Delta J^{\pi} = 0^+$) и гамов-теллеровской ($\Delta J^{\pi} = 1^+$) частей. Оператор τ_+ в (5) переводит протон в нейтрон; величины $g_V = 1$, $\tilde{g}_A = 0.75(-1.25)$ – векторная и перенормированная аксиальная константы связи. В нерелятивистском приближении операторы переходов первого порядка запрета в ядре с зарядом *Z* и радиусом *R* имеют вид [11, 12]

$$\Delta J^{\pi} = 0^{-}, \quad D = \tilde{g}_{A} \left(\frac{\vec{\sigma} \cdot \vec{p}}{m} + \frac{\alpha Z}{2R} i \vec{\sigma} \cdot \vec{r} \right) \tau_{+},$$

$$\Delta J^{\pi} = 1^{-}, \quad D = \left(g_{V} \frac{\vec{p}}{m} - \frac{\alpha Z}{2R} (\tilde{g}_{A} \vec{\sigma} \times \vec{p} - g_{V} \vec{r}) \right) \tau_{+}, \quad (6)$$

$$\Delta J^{\pi} = 2^{-}, \quad D = i \frac{\tilde{g}_{A}}{\sqrt{3}} [\vec{\sigma} \vec{r}]_{\mu}^{2} \sqrt{p_{e}^{2} + q_{v}^{2}} \tau_{+}.$$

Здесь
$$\vec{\sigma}$$
, \vec{r} , \vec{p} – операторы спина, координаты и
импульса нуклона, m – его масса, α – постоянная
тонкой структуры. Оператор уникального перехо-
да с $\Delta J^{\pi} = 2^{-}$ зависит от импульса p_e захваченного

электрона и импульса q_v вылетевшего нейтрино.

Квадрат приведенного матричного элемента операторов (5) или (6) между тепловым вакуумом $|\Psi_0(T)|$ и тепловым однофононным состоянием $|Q_{\lambda\mu\lambda}\rangle$ (или тепловым тильда-фононным состояни-

ем $|Q_{\lambda\mu k}\rangle$) определяет силу р \rightarrow n-перехода из основного состояния на это состояние. Так как до перехода нуклон принадлежит протонной подсистеме материнского ядра, а после перехода – нейтронной системе дочернего ядра, то энергия перехода равна

$$E_{\lambda k} = \omega_{\lambda k} + (\lambda_n - \lambda_p) + (m_n - m_p), \qquad (7)$$

где $m_{p(n)}$ – масса протона (нейтрона). Величина $E_{\lambda k}$ может быть как положительной, так и отрицательной.

РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТОВ

Численные расчеты были проведены для ядра ⁷⁶Ge. Одночастичные волновые функции и энергии были рассчитаны в сферически-симметричном потенциале Вудса–Саксона с параметрами из [18]. При этом глубины потенциальных ям были подобраны по экспериментальным значениям энергии отделения нуклона. Константы спаривательного взаимодействия определялись по экспериментальным значениям парных энергий. Значения протонной и нейтронной энергетических щелей при T = 0 получились следующими: $\Delta_p = 1.7$ МэВ, $\Delta_n = 1.6$ МэВ. Константы изовекторных мультипольного и спиндипольного взаимодействия находились согласно методике, изложенной в [19].

Протонная и нейтронная одночастичные схемы уровней близки к тем, что были использованы для расчетов электронного захвата ядром ⁸²Ge в [12]. В приближении независимых частиц основное состояние ядра ⁷⁶Ge соответствует полностью занятой протонной подоболочке $2p_{3/2}$ и четырем нейтронам на подоболочке $1g_{9/2}$. Так как под действием оператора разрешенных р \rightarrow п-переходов (5) протон может перейти в нейтрон лишь при условии $l_p = l_n$, в таком приближении разрешенные р \rightarrow п-переходы с основного состояния ядра ⁷⁶Ge полностью блокированы. Однако парные корреляции размывают поверхность Ферми нейтронов, чем ослабляют блокировку.

На рис. 1 показано, как меняется с ростом температуры (напомним, что 0.1 МэВ $\approx 1.2 \cdot 10^9$ K) распределение силы разрешенных p → n-переходов в ⁷⁶Ge. Там же для каждого значения T указана суммарная сила этих переходов. При *T* ≤ 0.5 МэВ главный максимум в распределении силы находится при энергии 14 – 18 МэВ. Он сформирован главным образом одночастичными переходами $p(1f_{7/2}) \rightarrow$ \rightarrow n(1 $f_{5/2}$) и p(1 $g_{9/2}$) \rightarrow n(1 $g_{7/2}$). Первый из них – это переход типа дырка-дырка, второй - частица-частица, т.е. указанный максимум обязан своим существованием парным корреляциям. Как известно, рост температуры ослабляет парные корреляции [20]. В результате уже при T = 0.9 МэВ максимум при энергии ~14-18 МэВ в распределении силы разрешенных p → n-переходов практически исчезает, уменьшается и их суммарная сила.



Рис. 2. Распределения сил р \rightarrow п-переходов первого порядка запрета с $\Delta J^{\pi} = 0^-$ (верхний рисунок), $\Delta J^{\pi} = 1^-$ (средний рисунок) и $\Delta J^{\pi} = 2^-$ (нижний рисунок) для ядра ⁷⁶Ge при T = 0.1 МэВ (слева) и 1.3 МэВ (справа). Распределение переходов с $\Delta J^{\pi} = 2^-$ рассчитано при энергии захваченного электрона $E_e = 25$ МэВ. E – энергия перехода, т.е. энергия, переданная материнскому ядру ⁷⁶Ge. ΣS – суммарная сила переходов.

Однако дальнейшее повышение температуры увеличивает вклад р \rightarrow n-переходов с возбужденных состояний ядра. На рис. 1 это проявляется в увеличении суммарной силы переходов и появлении хорошо выраженного пика в распределении силы при энергиях 6–8 МэВ. В формировании этого пика (или нового максимума) в основном участвуют те же самые одночастичные переходы, о которых шла речь выше. Но, так как это переходы с возбужденных состояний ядра, их энергия оказывается существенно меньше. Таким образом, рост температуры приводит к заметному перераспределению силы разрешенных р \rightarrow n-переходов в ⁷⁶Ge. Это в свою очередь влияет на сечение захвата электрона, что мы и увидим далее.

На рис. 2 показано распределение силы запрещенных 0⁻, 1⁻ и 2⁻ р \rightarrow п-переходов при температурах *T* = 0.1 и 1.3 МэВ. Как видно, в этом случае температура слабо влияет на распределения силы переходов, положение и величину их максимумов и практически не меняет суммарную силу переходов. Причина кроется в том, что запрещенные р \rightarrow



Рис. 3. Сечение захвата электрона ядром ⁷⁶Ge как функция энергии электрона E_e при T = 0.1 МэВ (пунктирная линия), T = 0.5 МэВ (штриховая линия), T = 0.9 МэВ (штрихпунктирная линия) и T = 1.3 МэВ (сплошная линия): a – сечение σ_p , в котором учтены только разрешенные переходы; δ – сечение σ_3 , в котором учтены только переходы первого порядка запрета; e – полное сечение $\sigma_{\Pi} = \sigma_p + \sigma_3$.

→ n-переходы имеют большие энергии и формируются главным образом частично-дырочными переходами, энергия и амплитуда которых слабо зависят от парных корреляций и температуры.

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ том 73 № 2 2009

Лишь для 1⁻-переходов рост *T* приводит к заметному уширению распределения соответствующей силы, что связано с увеличением числа формирующих его одночастичных переходов.

На рис. 3 для ядра ⁷⁶Ge при различных *T* показана зависимость полного сечения оп захвата электрона от его энергии E_e. При каждом значении T отдельно показаны вклады в полное сечение от разрешенных и запрещенных переходов. Эти вклады обозначены как σ_p и σ_3 соответственно. Наиболее сильно повышение температуры влияет на $\sigma_{\rm n}$. Это влияние особенно заметно при не очень больших энергиях электрона. Так, при $E_e = 15 \text{ M} \Rightarrow B$ повышение температуры с 0.1 до 1.3 МэВ увеличивает σ_р почти в 20 раз. Причина этого ясна: при не слишком высокой энергии электрона сечение захвата чувствительно к деталям распределения силы р \rightarrow n-переходов. Но, как было показано выше, для разрешенных переходов повышение температуры сдвигает максимум распределения вниз по энергии, что и приводит к росту σ_p. При больши́х значениях Е_e сечение захвата определяется главным образом суммарной силой переходов. Так как при $T \approx 0.9$ МэВ суммарная сила разрешенных переходов резко уменьшается из-за исчезновения парных корреляций, соответственно уменьшается и сечение σ_p .

Величина σ_3 тоже растет с повышением температуры. Это происходит за счет увеличения вклада низкоэнергетических р \rightarrow n-переходов, которые становятся возможными из-за теплового размытия протонной и нейтронной поверхностей Ферми ядра. Так как суммарная сила запрещенных переходов практически не зависит от температуры, при больших E_e сечение σ_3 в меньшей степени, чем σ_p зависит от *T*.

В итоге совместное действие описанных выше факторов приводит к тому, что с ростом энергии электрона E_e полное сечение захвата σ_n становится все менее и менее чувствительным к температуре.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

На примере ядра ⁷⁶Ge исследовано влияние температуры на распределения силы разрешенных и первого порядка запрета р \rightarrow n-переходов в нейтронно-избыточных ядрах. Для разрешенных переходов обнаружено уменьшение с ростом температуры энергии максимума распределения и полной силы этих переходов. Показано, как этот эффект влияет на сечение захвата электрона и его зависимость от температуры.

Работа выполнена при частичной поддержке программы Гейзенберг–Ландау.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Bethe H. A. et al. // Nucl. Phys. A. 1979. V. 324. P. 487.
- 2. Fuller G.M. et al. // Astrophys. J. 1982. V. 252. P. 715.
- Aufderheide M. B. et al. // Astrophys. J. Supl. 1994. V. 91. P. 389.
- Sutaria F.K., Ray A. // Phys. Rev. C. 1995. V. 52. P. 3460.
- 5. Radha P.B., et al. // Phys. Rev. C. 1997. V. 56. P. 3079.
- Caurier E., et al. // Nucl. Phys. A. 1999. V. 653. P. 439; Langanke K., Martinez-Pinedo G. // Nucl. Phys. A. 2000. V. 673. P. 481.
- Civitarese O., Reboiro M. // Phys. Rev. C. 2001. V. 63. 034323.
- Nabi J.-U., Klapdor-Kleingrothaus H.V. // Atomic. Data Nuclear. Data Tables. 2004. V. 88. P. 237.
- Langanke K., Martinez-Pinedo G. // Rev. Mod. Phys. 2003. V. 75. P. 819.
- 10. Langanke K. et al. // Phys. Rev. C. 2001. V. 63. 032801(R).
- 11. Zaringhalam A. // Nucl. Phys. A. 1983. V. 404. P. 599.
- Cooperstein J., Wambach J. // Nucl. Phys. A. 1984.
 V. 420. P. 591.
- 13. Джиоев А.А. и др. // Изв. РАН. Сер. физ. 2008. Т. 72. № 3. С. 294.
- Dzhioev A. et al. // Proc. XVII Int. School on Nuclear Physics "Neutron Physics and Application". Varna, Bulgaria, 2007.
- 15. Соловьев В.Г. // Теория атомного ядра: квазичастицы и фононы. М.: Энергоатомиздат, 1989.
- Takahashi Y., Umezawa H. // Collect. Phenom. 1975. V. 2. P. 55.
- 17. Kuzmin V. A., Soloviev V. G. // J. Phys. G. 1984. V. 10. P. 1507.
- 18. Чепурнов В. А. // ЯФ. 1967. Т. 6. № 5. С. 955.
- 19. Вдовин А.И., Соловьев В.Г. // ЭЧАЯ. 1983. Т. 14. С. 237.
- 20. Civitarese O. et al. // Nucl. Phys. A. 1983. V. 404. P. 15.